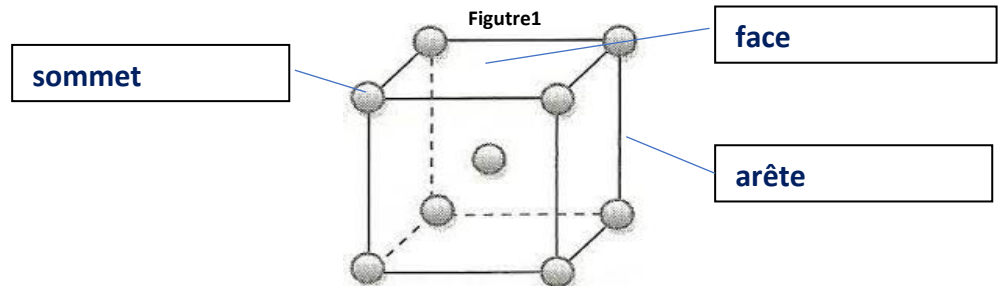


Contrôle n°2 du 18.11.2022 correction

1. (1pt) Exercice n°1 compléter un schéma

On a représenté ci-dessous une **maille cubique centrée**. Compléter ce dessin avec les mots suivants : **arête, face, sommet**



2. (1,5pts) Exercice n°2 Corriger si nécessaire les phrases suivantes : (si juste écrire : Vrai)

- Le chlorure de sodium est un cristal **amorphe**.

Le chlorure de sodium est un cristal de maille cubique à faces centrées.

- Dans un réseau **cubique à faces centrées** les entités occupent uniquement **les sommets** de la maille.

Dans un réseau cubique à faces centrées les entités occupent les sommets et les centres des faces de la maille

- Dans un réseau **cubique simple** les entités chimiques occupent **les centres des faces** de la mailles et **ses sommets**.

Dans un réseau cubique simple les entités occupent les sommets de la maille.

- **Le verre** est visible sur des lames minces de roches provenant d'un magma qui a refroidi **lentement**.

Le verre est visible sur des lames de roches provenant d'un magma qui a refroidit rapidement.

- **La compacité c** d'une maille d'un réseau est le rapport du **volume occupé par tous les atomes** : V_{atomes} sur celui occupé par la maille : V_{Maille}

Vrai

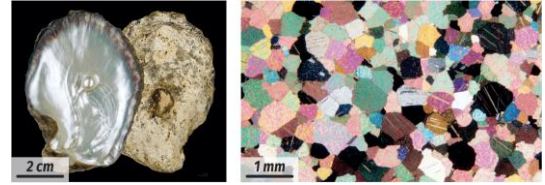
- **La masse volumique** d'une **maille p** est le rapport de la masse de **tous les atomes** qu'elle contient : m_{atomes} sur le volume de la maille: V_{Maille}

Vrai

3. (1pt) Identifier les constituants d'une roche

Une roche présente sur un grossissement des parties **brillantes** et d'autres **sombres**(figure2) que peut-on en déduire ?

Les parties sombres révèlent la présence de verre, ce qui signifie que le refroidissement de cette roche a été rapide pour certains minéraux qui n'ont pu cristalliser et sont sous forme amorphe.



4. (6pts) Le polonium et sa cristallisation (Source : Internet)

Le polonium est le seul élément dont la structure cristalline possède la forme cubique la plus simple possible. De récentes recherches théoriques en expliquent la raison par les interactions complexes des orbitales des électrons des atomes. Cette structure est représentée ci-contre (figures 3 et 4).

On donne : $r_{\text{atome}}=1,7 \cdot 10^{-10} \text{ m}$, $m_{\text{atome}}=3,78 \cdot 10^{-25} \text{ Kg}$, $a=3,4 \cdot 10^{-10} \text{ m}$

a. (1pt Comment ce nomme la maille de cette structure cristalline ?

Cette maille est cubique simple.

b. (1pt) Combien d'atomes contient la maille du cristal du polonium ? (Figure5)

Les 8 sommets de cette maille contiennent 1/8^{ème} d'atome

Donc cette maille n'en contient qu'un seul.

c. (1,5pts) Quelle est la compacité de cette maille ?

$$C = \frac{V_{\text{atomes}}}{V_{\text{Maille}}} = \frac{\frac{4}{3} \pi (1,7 \cdot 10^{-10})^3}{(3,4 \cdot 10^{-10})^3} = 0,52$$

d. (1,5 pts) Quelle est la masse volumique du polonium

$$\rho = \frac{m_{\text{atomes}}}{V_{\text{maille}}} = \frac{1,3,78 \cdot 10^{-25}}{(3,4 \cdot 10^{-10})^3} = 9620 \text{ Kg.m}^3$$

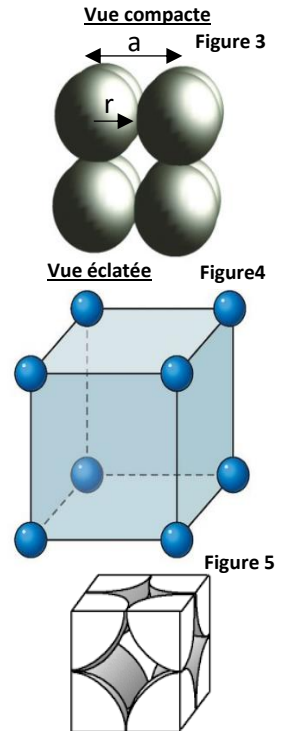
e. (1,5pts) Quelle relation existe entre **a** et r_{atome} ? En déduire le rapport entre le **volume occupé par tous les atomes** V_{atomes} et celui de la mailles V_{Maille} . Est-il possible par cette méthode de généralisé la compacité de tous les minéraux cristallisants sous cette structure ?

Nous avons : $a = 2 \cdot r_{\text{atome}}$, on note : $a = 2 \cdot r$

La formule de la compacité peut s'écrire sous la forme :

$$c = \frac{V_{\text{atomes}}}{V_{\text{Maille}}} = \frac{\frac{4}{3} \pi (r)^3}{(2 \cdot r)^3} = \frac{4 \cdot \pi}{3 \cdot (2)^3} = \frac{\pi}{3 \cdot 2} = \frac{\pi}{6} = 0,52$$

On retrouve bien la même valeur et tous les minéraux qui cristallisent sous la forme cubique simple auront une compacité de 0,52



5. (6pts) Le cuivre et sa cristallisation (Source : Le livre scolaire)

Le cuivre pur est un des seuls métaux colorés avec l'or et l'osmium. Présent dans la croûte terrestre, il est probablement le premier métal qui a été utilisé par l'humain. Particulièrement malléable, il se travaille facilement. C'est par ailleurs un excellent conducteur thermique et électrique, et il est toujours très employé dans les domaines de l'électricité et de la construction en particulier.

Le mode de cristallisation du cuivre est représenté ci-contre.

Le cuivre cristallise selon une maille représentée ci contre (deux vues)

On donne : $r_{\text{atome}}=1,27 \cdot 10^{-10} \text{ m}$, $m_{\text{atome}}=1,05 \cdot 10^{-25} \text{ Kg}$, $a=3,6 \cdot 10^{-10} \text{ m}$

a. (1pt) Comment ce nomme la maille de cette structure cristalline ?

Cette maille est cubique à faces centrées.

b. (1pt) Combien d'atomes contient cette maille ? (figure 8)

Il y a 1/2 atome sur les six faces, soit (1/2).6=3 atomes en tout sur toutes les faces. et 1/8^{ème} d'atome sur les 8 sommets soit (1/8).8=1 atome sur tous les sommets.

Cette maille contient donc 3+1= 4 atomes

a. (1,5pts) Quelle est la masse volumique du cuivre ?

La maille contient 4 atomes soit $m_{\text{atomes}} = 4m_{\text{atome}}$

On en déduit : $\rho = \frac{m_{\text{atomes}}}{V_{\text{maille}}} = \frac{4 \cdot 1,05 \cdot 10^{-25}}{(3,6 \cdot 10^{-10})^3} = 9002 \text{ Kg.m}^3$

b. (1,5pts) Quelle est la compacité de ce réseau que forme le cuivre ?

On a la relation $C = V_{\text{atomes}} / V_{\text{Maille}}$ avec $V_{\text{atomes}} = 4 \cdot (4/3) \cdot \pi \cdot r^3$ car il y a 4 atomes !

Soit $c = \frac{4 \cdot (\frac{4}{3}) \cdot \pi (1,27 \cdot 10^{-10})^3}{(3,6 \cdot 10^{-10})^3} = 0,74$

c. (1pt) La relation entre a et r est $\sqrt{2} \cdot a = 4 \cdot r$? N'est-il pas possible avec cette relation d'en déduire la compacité de tous les cristaux qui partagent avec le cuivre la même maille.

On a la relation $c = V_{\text{atomes}} / V_{\text{Maille}} = \frac{4 \cdot \frac{4}{3} \pi (r)^3}{(a)^3}$ car il y a 4 atomes

On a $\sqrt{2} \cdot a = 4 \cdot r$ soit $a = \frac{4 \cdot r}{\sqrt{2}}$, on remplace a dans la formule de la compacité et on trouve

$c = V_{\text{atomes}} / V_{\text{Maille}} = \frac{4 \cdot \frac{4}{3} \pi (r)^3}{(\frac{4 \cdot r}{\sqrt{2}})^3} = \frac{4 \cdot 4 \cdot \pi \cdot (\sqrt{2})^3}{4^3 \cdot 3} = \frac{\pi \cdot 2 \cdot \sqrt{2}}{4 \cdot 3} = \frac{\pi \cdot \sqrt{2}}{6} = 0,74$

On retrouve bien la même valeur et tous les minéraux qui cristallisent sous la forme cubique à faces centrées auront une compacité de 0,74

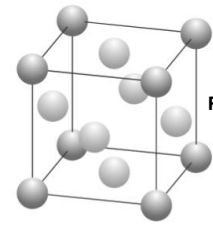


Figure 6

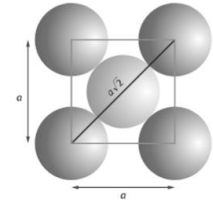


Figure 7

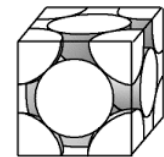


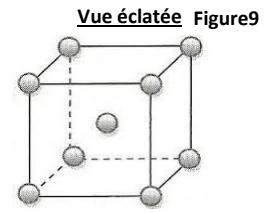
Figure 8

6. (6pts) Le fer et sa cristallisation

En dessous de 900°C Le fer cristallise sous la forme α représentée ci-contre (figure 9 et 10).

Les interstices entre les atomes peuvent accueillir des atomes de carbone qui lui confère une bien plus grande résistance pour former de l'acier.

On donne : $r_{\text{atome}}=1,24.10^{-10}\text{m}$, $m_{\text{atome}}=9,3.10^{-26}\text{Kg}$, $a=2,87.10^{-10}\text{m}$



Vue compacte Figure10



a. (1pt) Donner le nom de la maille sous laquelle cristallise le fer α

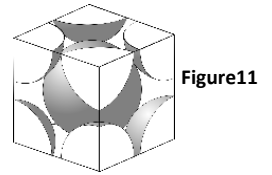
Maille cubique centrée.

b. (1pt) Déterminer le nombre d'atomes que contient une maille (figure 11)

1/8^{ème} d'atome sur les 8 sommets soit (1/8).8=1 atome sur tous les sommets.

Il y a un atome complet au centre de la maille

Cette maille contient donc 1+1= 2 atomes



c. (1,5pts) Déterminer la compacité de cette maille de fer α

On a la relation : $C= V_{\text{atomes}} / V_{\text{Maille}}$ avec $V_{\text{atomes}}=2.(4/3) .\pi.r^3$ car il y a 2 atomes !

$$\text{Soit } c = \frac{2 \cdot \left(\frac{4}{3}\right) \cdot \pi \cdot (1,24 \cdot 10^{-10})^3}{(2,87 \cdot 10^{-10})^3} = 0,68$$

d. (1,5pts) Déterminer la masse volumique du fer α

La maille contient 2 atomes soit $m_{\text{atomes}} = 2m_{\text{atome}}$

$$\text{On en déduit : } \rho = \frac{m_{\text{atomes}}}{V_{\text{maille}}} = \frac{2 \cdot 9,3 \cdot 10^{-26}}{(2,87 \cdot 10^{-10})^3} = 7870 \text{Kg.m}^3$$

e. (1pt) Sachant que $4.r = \sqrt{3}.a$ n'est il pas possible de déterminer la compacité de tous les réseaux identiques à celui du fer α

On a la relation $c= V_{\text{atomes}} / V_{\text{Maille}} = \frac{2 \cdot \frac{4}{3} \pi \cdot (r)^3}{(a)^3}$ car il y a 2 atomes

On a $\sqrt{3}.a=4.r$ soit $a = \frac{4.r}{\sqrt{3}}$, on remplace a dans la formule de la compacité et on trouve

$$c = \frac{V_{\text{atomes}}}{V_{\text{Maille}}} = \frac{2 \cdot \frac{4}{3} \pi \cdot (r)^3}{\left(\frac{4.r}{\sqrt{3}}\right)^3} = \frac{2 \cdot 4 \cdot \pi \cdot (\sqrt{3})^3}{4^3 \cdot 3} = \frac{\pi \cdot \sqrt{3}}{8} = 0,68$$

On retrouve bien la même valeur et tous les minéraux qui cristallisent sous la forme cubique centrés auront une compacité de 0,68